# Муниципальное общеобразовательное учреждение «Средняя общеобразовательная школа №9 с. Нины Советского района» Ставропольского края

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| РАССМОТРЕНА  Руководитель МО учителей математики и информатики  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Чемодурова Е.В.  Протокол №1 от «30» августа 2024 г. | СОГЛАСОВАНА  Заместитель директора по УВР  \_\_\_\_\_\_\_\_\_ Пицакова И.С.  Приказ № 244  от «30» августа 2024 г. | УТВЕРЖДЕНА  Директор школы  \_\_\_\_\_\_\_\_\_Плетникова Н.Ф  Приказ № 244 от «30» августа 2024 г. |

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

# учебного курса «Вероятность и статистика»

для обучающихся 7-9 классов

**с.Нины, 2024-2025 учебный год**

**ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

В современном цифровом мире вероятность и статистика приобретают всё большую значимость, как с точки зрения практических приложений, так и их роли в образовании, необходимом каждому человеку. Возрастает число профессий, при овладении которыми требуется хорошая базовая подготовка в области вероятности и статистики, такая подготовка важна для продолжения образования и для успешной профессиональной карьеры.

Каждый человек постоянно принимает решения на основе имеющихся у него данных. А для обоснованного принятия решения в условиях недостатка или избытка информации необходимо в том числе хорошо сформированное вероятностное и статистическое мышление.

Именно поэтому остро встала необходимость сформировать у обучающихся функциональную грамотность, включающую в себя в качестве неотъемлемой составляющей умение воспринимать и критически анализировать информацию, представленную в различных формах, понимать вероятностный характер многих реальных процессов и зависимостей, производить простейшие вероятностные расчёты.

Знакомство в учебном курсе с основными принципами сбора, анализа и представления данных из различных сфер жизни общества и государства приобщает обучающихся к общественным интересам. Изучение основ комбинаторики развивает навыки организации перебора и подсчёта числа вариантов, в том числе в прикладных задачах. Знакомство с основами теории графов создаёт математический фундамент для формирования компетенций в области информатики и цифровых технологий. При изучении статистики и вероятности обогащаются представления обучающихся о современной картине мира и методах его исследования, формируется понимание роли статистики как источника социально значимой информации и закладываются основы вероятностного мышления.

В соответствии с данными целями в структуре программы учебного курса «Вероятность и статистика» основного общего образования выделены следующие содержательно-методические линии: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики»,

«Введение в теорию графов».

Содержание линии «Представление данных и описательная статистика» служит основой для формирования навыков работы с информацией: от чтения и интерпретации информации, представленной в таблицах, на диаграммах и графиках, до сбора, представления и анализа данных с использованием статистических характеристик средних и рассеивания. Работая с данными, обучающиеся учатся считывать и интерпретировать

данные, выдвигать, аргументировать и критиковать простейшие гипотезы, размышлять над факторами, вызывающими изменчивость, и оценивать их влияние на рассматриваемые величины и процессы.

Интуитивное представление о случайной изменчивости, исследование закономерностей и тенденций становится мотивирующей основой для изучения теории вероятностей. Большое значение имеют практические задания, в частности опыты с классическими вероятностными моделями.

Понятие вероятности вводится как мера правдоподобия случайного события. При изучении учебного курса обучающиеся знакомятся с простейшими методами вычисления вероятностей в случайных экспериментах с равновозможными элементарными исходами, вероятностными законами, позволяющими ставить и решать более сложные задачи. В учебный курс входят начальные представления о случайных величинах и их числовых характеристиках.

В рамках учебного курса осуществляется знакомство обучающихся с множествами и основными операциями над множествами, рассматриваются примеры применения для решения задач, а также использования в других математических курсах и учебных предметах.

В 7–9 классах изучается учебный курс «Вероятность и статистика», в который входят разделы: «Представление данных и описательная статистика», «Вероятность», «Элементы комбинаторики», «Введение в теорию графов».

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» отводится 102 часа: в 7 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 8 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 9 классе – 34 часа (1 час в неделю).

**СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ 7 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

**8 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на

нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

**9 КЛАСС**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков, интерпретация данных. Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

**ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

**ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

**Личностные результаты** освоения программы учебного курса

«Вероятность и статистика» характеризуются:

# патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

# гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

# трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

# эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

# ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

# физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

# экологическое воспитание:

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

# адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

**МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

# Познавательные универсальные учебные действия Базовые логические действия:

* выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
* воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
* выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
* делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
* разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
* выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

# Базовые исследовательские действия:

* использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
* проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
* самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
* прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

# Работа с информацией:

* выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
* выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
  + выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
  + оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

# Коммуникативные универсальные учебные действия:

* + воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения

в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

* + в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
  + представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
  + понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
  + принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
  + участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

# Регулятивные универсальные учебные действия Самоорганизация:

* + самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его

часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

# Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

* + владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
  + предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;
  + оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

**ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения **в 7 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, представлять данные в виде таблиц, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.

Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.

Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.

Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).

Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.

Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.

Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.

Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.

К концу обучения **в 9 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Извлекать и преобразовывать информацию, представленную в различных источниках в виде таблиц, диаграмм, графиков, представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков.

Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.

Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.

Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.

Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.

Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.

Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 7 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Наименование разделов и тем программы** | **Количество часов** | | | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Представление данных | 7 |  | 2 | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/7f415fdc> |
| 2 | Описательная статистика | 8 |  | 1 | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/7f415fdc> |
| 3 | Случайная изменчивость | 6 |  | 1 | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/7f415fdc> |
| 4 | Введение в теорию графов | 4 |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/7f415fdc> |
| 5 | Вероятность и частота случайного события | 4 |  | 1 | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/7f415fdc> |
| 6 | Обобщение, систематизация знаний | 5 | 2 |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/7f415fdc> |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО  ПРОГРАММЕ | | 34 | 2 | 5 |  |

**8 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/ п** | **Наименован ие разделов и тем программы** | **Количество часов** | | | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **Всег о** | **Контрольн ые работы** | **Практическ ие работы** |
| 1 | Повторение курса 7 класса | 4 |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f417](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) [fb2](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) |
| 2 | Описательная статистика.  Рассеивание  данных | 4 |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/7f417](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) [fb2](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) |
| 3 | Множества | 4 |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f417](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) [fb2](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) |
| 4 | Вероятность случайного события | 6 |  | 1 | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f417](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) [fb2](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) |
| 5 | Введение в  теорию графов | 4 |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f417](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) [fb2](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) |
| 6 | Случайные события | 8 |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f417](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) [fb2](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) |
| 7 | Обобщение, систематизац  ия знаний | 4 | 2 |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f417](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) [fb2](https://m.edsoo.ru/7f417fb2) |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО  ПРОГРАММЕ | | 34 | 2 | 1 |  |

**9 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/ п** | **Наименован ие разделов и тем программы** | **Количество часов** | | | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **Всег о** | **Контрольн ые работы** | **Практическ ие работы** |
| 1 | Повторение курса 8 класса | 4 |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f41a](https://m.edsoo.ru/7f41a302) [302](https://m.edsoo.ru/7f41a302) |
| 2 | Элементы комбинатори  ки | 4 |  | 1 | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f41a](https://m.edsoo.ru/7f41a302) [302](https://m.edsoo.ru/7f41a302) |
| 3 | Геометрическ ая вероятность | 4 |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f41a](https://m.edsoo.ru/7f41a302) [302](https://m.edsoo.ru/7f41a302) |
| 4 | Испытания Бернулли | 6 |  | 1 | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f41a](https://m.edsoo.ru/7f41a302) [302](https://m.edsoo.ru/7f41a302) |
| 5 | Случайная величина | 6 |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f41a](https://m.edsoo.ru/7f41a302) [302](https://m.edsoo.ru/7f41a302) |
| 6 | Обобщение, контроль | 10 | 1 |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/7f41a](https://m.edsoo.ru/7f41a302) [302](https://m.edsoo.ru/7f41a302) |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО  ПРОГРАММЕ | | 34 | 1 | 2 |  |

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 7 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Тема урока** | **Количество часов** | | | **Дата изучения** | **Электронные цифровые образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Представление данных в таблицах | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ec1f8) [c1f8](https://m.edsoo.ru/863ec1f8) |
| 2 | Практические вычисления по табличным данным | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ec324) [c324](https://m.edsoo.ru/863ec324) |
| 3 | Извлечение и интерпретация табличных данных | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ec78e) [c78e](https://m.edsoo.ru/863ec78e) |
| 4 | *Практическая работа "Таблицы"* | 1 |  | 1 |  |  |
| 5 | Графическое представление данных в виде круговых, столбиковых (столбчатых)  диаграмм | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ed18e) [d18e](https://m.edsoo.ru/863ed18e) |
| 6 | Чтение и построение диаграмм. Примеры демографических диаграмм | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ed602) [d602](https://m.edsoo.ru/863ed602) |
| 7 | *Практическая работа "Диаграммы"* | 1 |  | 1 |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ed72e) [d72e](https://m.edsoo.ru/863ed72e) |
| 8 | Числовые наборы. Среднее арифметическое | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ed846) [d846](https://m.edsoo.ru/863ed846) |
| 9 | Числовые наборы. Среднее арифметическое | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ed846) [d846](https://m.edsoo.ru/863ed846) |
| 10 | Медиана числового набора. Устойчивость медианы | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863edb3e) [db3e](https://m.edsoo.ru/863edb3e) |
| 11 | Медиана числового набора.  Устойчивость медианы | 1 |  |  |  |  |
| 12 | *Практическая работа* | 1 |  | 1 |  | Библиотека ЦОК |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | *"Средние значения"* |  |  |  |  | [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863edc6a) [dc6a](https://m.edsoo.ru/863edc6a) |
| 13 | Наибольшее и наименьшее  значения числового набора. Размах | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ee07a) [e07a](https://m.edsoo.ru/863ee07a) |
| 14 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах | 1 |  |  |  |  |
| 15 | Наибольшее и наименьшее значения числового набора.  Размах | 1 |  |  |  |  |
| 16 | **Контрольная работа по темам "Представление данных. Описательная статистика"** | 1 | 1 |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ee390) [e390](https://m.edsoo.ru/863ee390) |
| 17 | Случайная изменчивость (примеры) | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ee4bc) [e4bc](https://m.edsoo.ru/863ee4bc) |
| 18 | Частота значений в массиве данных | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ee69c) [e69c](https://m.edsoo.ru/863ee69c) |
| 19 | Группировка | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ee9d0) [e9d0](https://m.edsoo.ru/863ee9d0) |
| 20 | Гистограммы | 1 |  |  |  |  |
| 21 | Гистограммы | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863eee1c) [ee1c](https://m.edsoo.ru/863eee1c) |
| 22 | *Практическая работа "Случайная изменчивость"* | 1 |  | 1 |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863eecc8) [ecc8](https://m.edsoo.ru/863eecc8) |
| 23 | Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863eef52) [ef52](https://m.edsoo.ru/863eef52) |
| 24 | Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин.  Цепь и цикл | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ef0ba) [f0ba](https://m.edsoo.ru/863ef0ba) |
| 25 | Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ef236) [f236](https://m.edsoo.ru/863ef236) |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 26 | Представление об ориентированных графах | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ef3b2) [f3b2](https://m.edsoo.ru/863ef3b2) |  |
| 27 | Случайный опыт и случайное событие | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ef4d4) [f4d4](https://m.edsoo.ru/863ef4d4) |
| 28 | Вероятность и частота события. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в  обществе | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ef646) [f646](https://m.edsoo.ru/863ef646) |
| 29 | Монета и игральная кость в теории вероятностей | 1 |  |  |  |  |
| 30 | *Практическая работа "Частота выпадения орла"* | 1 |  | 1 |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863ef8a8) [f8a8](https://m.edsoo.ru/863ef8a8) |
| 31 | **Контрольная работа по темам "Случайная изменчивость. Графы. Вероятность случайного**  **события"** | 1 | 1 |  |  | Библиотека ЦОК [https://m.edsoo.ru/863f](https://m.edsoo.ru/863f0186) [0186](https://m.edsoo.ru/863f0186) |
| 32 | Повторение, обобщение. Представление данных | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863efa24) [fa24](https://m.edsoo.ru/863efa24) |
| 33 | Повторение, обобщение. Описательная статистика | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863efbaa) [fbaa](https://m.edsoo.ru/863efbaa) |
| 34 | Повторение, обобщение. Вероятность случайного события | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  [https://m.edsoo.ru/863e](https://m.edsoo.ru/863efec0) [fec0](https://m.edsoo.ru/863efec0) |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 34 | 2 | 5 |  | | |

1. **КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Тема урока** | **Количество часов** | | | **Дата изучения** | **Электронные цифровые образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контрольн ые работы** | **Практичес кие работы** |
| 1 | Представление данных. Описательная статистика | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f029e> |
| 2 | Случайная изменчивость. Средние числового набора | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f03fc> |
| 3 | Случайные события. Вероятности и частоты | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f0578> |
| 4 | Классические модели теории вероятностей: монета и игральная кость | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f076c> |
| 5 | Отклонения | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f0a50> |
| 6 | Дисперсия числового набора | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f0a50> |
| 7 | Стандартное отклонение числового набора | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f0bfe> |
| 8 | Диаграммы рассеивания | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f0ea6> |
| 9 | Множество, подмножество | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f1180> |
| 10 | Операции над множествами:  объединение, пересечение, дополнение | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f143c> |
| 11 | Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное,  включения | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f1784> |
| 12 | Графическое представление множеств | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f198c> |
| 13 | **Контрольная работа по темам "Статистика. Множества"** | 1 | 1 |  |  |  |
| 14 | Элементарные события. Случайные события | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f1dec> |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 15 | Благоприятствующие элементарные события. Вероятности событий | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f1dec> |
| 16 | Благоприятствующие элементарные  события. Вероятности событий | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f1f72> |
| 17 | Опыты с равновозможными элементарными событиями.  Случайный выбор | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f21ca> |
| 18 | Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f21ca> |
| 19 | *Практическая работа "Опыты с равновозможными элементарными событиями"* | 1 |  | 1 |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f235a> |
| 20 | Дерево | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f2a4e> |
| 21 | Свойства дерева: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом  вершин и числом рёбер | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f2bac> |
| 22 | Правило умножения | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f2cd8> |
| 23 | Правило умножения | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f2e36> |
| 24 | Противоположное событие | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f2f8a> |
| 25 | Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f3214> |
| 26 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f3372> |
| 27 | Несовместные события. Формула сложения вероятностей | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f3764> |
| 28 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность.  Независимые события | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f38ae> |
| 29 | Правило умножения вероятностей. Условная вероятность.  Независимые события | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f3b06> |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 30 | Представление случайного эксперимента в виде дерева | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f3cbe> |
| 31 | Представление случайного  эксперимента в виде дерева | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f3f20> |
| 32 | **Контрольная работа по темам "Случайные события.**  **Вероятность. Графы"** | 1 | 1 |  |  |  |
| 33 | Повторение, обобщение. Представление данных. Описательная статистика | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f4128> |
| 34 | Повторение, обобщение. Графы | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f4312> |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО  ПРОГРАММЕ | | 34 | 2 | 1 |  | |

1. **КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Тема урока** | **Количество часов** | | | **Дата изучения** | **Электронные цифровые образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контроль**  **ные работы** | **Практиче**  **ские работы** |
| 1 | Представление данных | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f47ea> |
| 2 | Описательная статистика | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f47ea> |
| 3 | Операции над событиями | 1 |  |  |  |  |
| 4 | Независимость событий | 1 |  |  |  |  |
| 5 | Комбинаторное правило умножения | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f4e16> |
| 6 | Перестановки. Факториал. Сочетания и число  сочетаний | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f4e16> |
| 7 | Треугольник Паскаля | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f5014> |
| 8 | *Практическая работа "Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций*  *электронных таблиц"* | 1 |  | 1 |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f5208> |
| 9 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из  дуги окружности | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f5884> |
| 10 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из  дуги окружности | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f5a50> |
| 11 | Геометрическая вероятность. Случайный  выбор точки из фигуры на | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f5bfe> |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | плоскости, из отрезка, из дуги окружности |  |  |  |  |  |
| 12 | Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из  дуги окружности | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f5e10> |
| 13 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний  до первого успеха | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f6162> |
| 14 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f6356> |
| 15 | Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха | 1 |  |  |  |  |
| 16 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний  Бернулли | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f64d2> |
| 17 | Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний  Бернулли | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f6680> |
| 18 | П*рактическая работа*  *"Испытания Бернулли"* | 1 |  | 1 |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f67de> |
| 19 | Случайная величина и распределение вероятностей | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f6b44> |
| 20 | Математическое ожидание и дисперсия случайной  величины | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f6da6> |
| 21 | Примеры математического ожидания как теоретического среднего  значения величины | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f6f86> |
| 22 | Понятие о законе больших чисел | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f72c4> |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 23 | Измерение вероятностей с помощью частот | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f7652> |
| 24 | Применение закона  больших чисел | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f7116> |
| 25 | Обобщение, систематизация знаний.  Представление данных | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f783c> |
| 26 | Обобщение, систематизация знаний. Описательная статистика | 1 |  |  |  |  |
| 27 | Обобщение, систематизация знаний. Представление данных.  Описательная статистика | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f893a> |
| 28 | Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного  события | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f7a4e> |
| 29 | Обобщение, систематизация знаний. Вероятность случайного события. Элементы  комбинаторики | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f7c9c> |
| 30 | Обобщение,  систематизация знаний. Элементы комбинаторики | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f7e54> |
| 31 | Обобщение, систематизация знаний. Элементы комбинаторики. Случайные величины и  распределения | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f8408> |
| 32 | **Итоговая контрольная работа** | 1 | 1 |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f8b56> |
| 33 | Обобщение, систематизация знаний. Случайные величины и  распределения | 1 |  |  |  | Библиотека ЦОК  <https://m.edsoo.ru/863f861a> |
| 34 | Обобщение, | 1 |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | систематизация знаний |  |  |  |  |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 34 | 1 | 2 |  | |

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО**

**ПРОЦЕССА**

**ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**